

Министерство науки и высшего образования РФ  
Федеральное государственное автономное образовательное учреждение  
высшего образования  
«СИБИРСКИЙ ФЕДЕРАЛЬНЫЙ УНИВЕРСИТЕТ»  
**РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)**

Б1.О.11 Алгебра

---

наименование дисциплины (модуля) в соответствии с учебным планом

Направление подготовки / специальность

01.03.01 Математика

---

Направленность (профиль)

01.03.01.31 Математический анализ, алгебра и логика

---

Форма обучения

очная

---

Год набора

2022

---

Красноярск 2022

## РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

Программу составили \_\_\_\_\_

Доктор физико-математических наук, Профессор, Колесников Сергей

Геннадьевич

должность, инициалы, фамилия

## 1 Цели и задачи изучения дисциплины

### 1.1 Цель преподавания дисциплины

Курс «алгебра» является основным для указанных специальностей. Он имеет целью дать студентам представление об основном алгебраическом аппарате и научить их классическим определениям, теоремам и методам. При изучении курса студенты знакомятся с такими разделами алгебры, как алгебра матриц, алгебра многочленов от одной неизвестной, комплексными числами, элементами теории групп и колец, линейными преобразованиями.

### 1.2 Задачи изучения дисциплины

В итоге изучения дисциплины «алгебра» студент должен уметь:

- решать систему линейных уравнений методом Гаусса, находить остаток при делении целых чисел, строить кольцо  $Z_n$  классов вычетов по модулю  $n$ , находить каноническое разложение натурального числа;
- выполнять операции над матрицами, вычислять определитель произвольного порядка, решать квадратную систему линейных уравнений по правилу Крамера, вычислять обратную матрицу;
- выполнять действия над комплексными числами в алгебраической и тригонометрической форме, извлекать корень из комплексного числа;
- делить многочлен на линейный двучлен по схеме Горнера, находить НОД и НОК многочленов (целых чисел), строить систему Штурма для многочлена, исследовать на линейную зависимость системы векторов,
- находить базы пространства и подпространств, строить матрицу линейного преобразования в выбранном базисе, находить собственные векторы и собственные значения линейного преобразования, строить ортонормированный базис;
- приводить квадратичную форму к каноническому виду, находить жорданову форму матрицы и жорданов базис.

### 1.3 Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине (модулю), соотнесенных с планируемыми результатами освоения образовательной программы

| Код и наименование индикатора достижения компетенции  | Запланированные результаты обучения по дисциплине  |
|---|--|
| <b>ОПК-1: Способен применять фундаментальные знания, полученные в области математических и (или) естественных наук, и использовать их в профессиональной деятельности</b> |  |
| ОПК-1.1: Применяет фундаментальные знания, полученные в области математических и (или) естественных наук в профессиональной деятельности                                  | Общие фундаментальные знания изучаемой дисциплины<br>Использовать стандартные приемы форматирования информации<br>Методами теоретического и практического исследования |

|  |  |
|--|--|
| ОПК-1.2: Осуществляет выбор метода решения задач             | Основные теоретические знания изучаемой дисциплины   |
| профессиональной деятельности на основе теоретических знаний | Использовать стандартные приемы переработки информации<br>Методами решения задач в профессиональной деятельности |

#### **1.4 Особенности реализации дисциплины**

Язык реализации дисциплины: Русский.

Дисциплина (модуль) реализуется без применения ЭО и ДОТ.

## 2. Объем дисциплины (модуля)

| Вид учебной работы                         | Всего,<br>зачетных<br>единиц<br>(акад.час) | Сем<br>естр |   |
|--|--|-------------|---|
|  |  | 1           | 2 |
| <b>Контактная работа с преподавателем:</b> | <b>5,78 (208)</b>                          |             |   |
| занятия лекционного типа                   | 2,89 (104)                                 |             |   |
| практические занятия                       | 2,89 (104)                                 |             |   |
| <b>Самостоятельная работа обучающихся:</b> | <b>2,22 (80)</b>                           |             |   |
| курсовое проектирование (КП)               | Нет  |             |   |
| курсовая работа (КР)                       | Нет  |             |   |
| <b>Промежуточная аттестация (Экзамен)</b>  | <b>2 (72)</b>                              |             |   |

### 3 Содержание дисциплины (модуля)

#### 3.1 Разделы дисциплины и виды занятий (тематический план занятий)

|  |  | Контактная работа, ак. час.    |                          |   |                          |  |                          |                                     |                          |
|--|--|--------------------------------|--------------------------|---|--------------------------|--|--------------------------|-------------------------------------|--------------------------|
| №<br>п/п   | Модули, темы (разделы) дисциплины  | Занятия<br>лекционного<br>типа |                          | Занятия семинарского типа                 |                          |  |                          | Самостоятельная<br>работа, ак. час. |                          |
|  |  |                                |                          | Семинары и/или<br>Практические<br>занятия |                          | Лабораторные<br>работы и/или<br>Практикумы |                          |                                     |                          |
|  |  | Всего                          | В том<br>числе в<br>ЭИОС | Всего                                     | В том<br>числе в<br>ЭИОС | Всего                                      | В том<br>числе в<br>ЭИОС | Всего                               | В том<br>числе в<br>ЭИОС |
| <b>1. Системы линейных уравнений. Основные алгебраические системы.</b> |  |                                |                          |   |                          |  |                          |                                     |                          |
|  | 1. 1.1 Метод исключения неизвестных (метод Гаусса);<br>основная теорема,<br>следствие для однородных систем.<br>1.2 Правило Крамера для квадратных систем малых<br>порядков.                                   | 2                              |                          |   |                          |  |                          |                                     |                          |
|  | 2. 1.3. Теорема о делении целых чисел. Основная<br>теорема арифметики.<br>1.4. Теорема Евклида о бесконечности множества<br>простых чисел.   | 2                              |                          |   |                          |  |                          |                                     |                          |
|  | 3. 1.5. Бинарная алгебраическая операция на множестве.<br>Основные алгеб-<br>раические системы.<br>1.6. Сравнение и классы вычетов целых чисел по<br>модулю натурального<br>числа. Кольцо вычетов целых чисел. | 2                              |                          |   |                          |  |                          |                                     |                          |

|  |   |  |   |  |  |  |   |  |
|--|---|--|---|--|--|--|---|--|
| 4. 1.7. Описание колец $Z_n$ , являющихся полями. 1.8. Лемма о простоте характеристики поля.   | 2 |  |   |  |  |  |   |  |
| 5. Темы: 1.1, 1.2, 1.5, 1.6.   |   |  | 8 |  |  |  |   |  |
| 6. Системы линейных уравнений. Основные алгебраические системы.  |   |  |   |  |  |  | 8 |  |
| <b>2. Алгебра матриц. Подстановки. Определители.</b>   |   |  |   |  |  |  |   |  |
| 1. 2.1. Умножение матриц на скаляр, сложение и умножение матриц. Свойства. Полное матричное кольцо и алгебра $n \times n$ – матриц над полем (или над кольцом).<br>2.2. Перестановка $n$ -й степени, четность подстановки, декремент. Умножение подстановок. Циклические подстановки и транспозиции. | 2 |  |   |  |  |  |   |  |
| 2. 2.3. Определение определителя порядка $n$ .<br>2.4. Свойства определителя.  | 2 |  |   |  |  |  |   |  |
| 3. 2.5. Алгебраическое дополнение к элементу определителя. Разложение определителя по строке.<br>2.6. Минор $k$ -го порядка. Теорема Лапласа.  | 2 |  |   |  |  |  |   |  |
| 4. 2.7. Теорема об умножении определителей.<br>2.8. Обратная матрица. Правило Крамера.   | 2 |  |   |  |  |  |   |  |
| 5. Темы: 2.1, 2.2, 2.3, 2.4, 2.5, 2.6, 2.8.  |   |  | 8 |  |  |  |   |  |
| 6. Алгебра матриц. Подстановки. Определители.  |   |  |   |  |  |  | 8 |  |
| <b>3. Комплексные числа.</b>   |   |  |   |  |  |  |   |  |

|   |   |  |   |  |  |  |   |  |
|---|---|--|---|--|--|--|---|--|
| 1. 3.1. Поле комплексных чисел и его подполе, изоморфное полю действительных чисел.<br>3.2. Алгебраическая форма комплексного числа. Вещественная и мнимая части. Сопряженные комплексные числа.      | 2 |  |   |  |  |  |   |  |
| 2. 3.3. Тригонометрическая форма комплексного числа. Аргумент и модуль.<br>3.4. Геометрическая интерпретация сложения и умножения комплексных чисел. Неравенства для модуля.                          | 2 |  |   |  |  |  |   |  |
| 3. 3.5. Формула Муавра и бином Ньютона. Их применение для получения тождеств.<br>3.6. Извлечение корня из комплексного числа.   | 2 |  |   |  |  |  |   |  |
| 4. 3.7. Первообразный корень из единицы.<br>3.8. Мультипликативная группа корней $n$ -й степени.  | 2 |  |   |  |  |  |   |  |
| 5. Темы: 3.2, 3.5, 3.6, 3.7.  |   |  | 8 |  |  |  |   |  |
| 6. Комплексные числа.   |   |  |   |  |  |  | 8 |  |
| <b>4. Алгебра многочленов от одной неизвестной. Фактор-группы и фактор-кольца.</b>  |   |  |   |  |  |  |   |  |
| 1. 4.1. Кольцо многочленов от одной неизвестной. Лемма о степени произведения многочленов над областью целостности.<br>4.2. Теорема о делении многочленов. Схема Горнера деления на линейный двучлен. | 2 |  |   |  |  |  |   |  |

|  |   |  |    |  |  |  |    |  |
|--|---|--|----|--|--|--|----|--|
| 2. 4.3. Значения и корни многочлена. Теорема Безу. Ограниченность числа корней многочлена его степенью. Интерполяционная формула Лагранжа.<br>4.4. НОД и НОК многочленов. Теорема Евклида.             | 2 |  |    |  |  |  |    |  |
| 3. 4.5. Теорема о линейном представлении НОД многочленов.<br>4.6. Взаимно простые многочлены, их свойства. Критерий взаимной простоты многочленов.   | 2 |  |    |  |  |  |    |  |
| 4. 4.7. Неприводимые многочлены. Теорема о каноническом разложении многочленов.<br>4.8. Многочлен над полем вещественных чисел: попарная сопряженность невещественных корней, критерий неприводимости. | 2 |  |    |  |  |  |    |  |
| 5. 4.9. Связь кратностей корня многочлена и его производной. Признак простоты корня.<br>4.10. Лемма о модуле старшего члена комплексного многочлена. Следствие о границах корней                       | 2 |  |    |  |  |  |    |  |
| 6. 4.11. Теорема Штурма.<br>4.12. Теорема о существовании системы Штурма.  | 2 |  |    |  |  |  |    |  |
| 7. Темы: 4.2, 4.3, 4.4, 4.11.  |   |  | 12 |  |  |  |    |  |
| 8. Алгебра многочленов от одной неизвестной. Фактор-группы и фактор-кольца.  |   |  |    |  |  |  | 12 |  |
| <b>5. Алгебра многочленов.</b>   |   |  |    |  |  |  |    |  |

|  |   |  |  |  |  |  |  |  |
|--|---|--|--|--|--|--|--|--|
| <p>1. 1.1. Подгруппа, левые (правые) смежные классы группы по подгруппе. Основное свойство смежных классов по подгруппе. Нормальная подгруппа, фактор-группа по нормальной подгруппе, корректность индуцированных операций, проверка групповых аксиом.</p> <p>1.2. Идеал кольца. Фактор-кольцо кольца по идеалу, корректность индуцированных операций, проверка аксиом кольца.</p>                                     | 2 |  |  |  |  |  |  |  |
| <p>2. 1.3. Идеалы кольца многочленов над полем. Критерий когда фактор-кольцо есть поле.</p> <p>1.4. Поле разложения многочлена. Теорема существования корня многочлена над полем. Существование поля разложения. Формулы Вьета.</p>  | 2 |  |  |  |  |  |  |  |
| <p>3. 1.5. Многочлен от нескольких переменных его полная и частная степени, лексикографическая запись, высший член. Кольцо многочленов от нескольких неизвестных над полем или областью целостности. Лемма о высшем члене произведения многочленов.</p> <p>1.6. Симметрические и элементарные симметрические многочлены. Основная теорема о симметрических многочленах и следствия из неё. Теорема единственности.</p> | 2 |  |  |  |  |  |  |  |
| <p>4. 1.7. Результант двух многочленов и его свойства. Дискриминант многочлена. 1.8. Теорема о выражении результата определителем и через корни.</p>   | 2 |  |  |  |  |  |  |  |
| <p>5. 1.8. Системы двух линейных алгебраических уравнений от 2-х неизвестных.</p> <p>1.9. Исключение неизвестной с помощью результата.</p>   | 2 |  |  |  |  |  |  |  |

|  |   |  |    |  |  |  |   |  |
|--|---|--|----|--|--|--|---|--|
| 6. 1.11. Основная теорема алгебры (теорема Гаусса).<br>1.12. Следствия основной теоремы.   | 2 |  |    |  |  |  |   |  |
| 7. Алгебра многочленов.  |   |  |    |  |  |  | 2 |  |
| 8. Темы: 1.1-1.12  |   |  | 12 |  |  |  |   |  |
| <b>6. Линейные пространства и линейные преобразования.</b>   |   |  |    |  |  |  |   |  |
| 1. 2.1. Линейное пространство над полем, линейное подпространство и линейная оболочка. Системы образующих и базы.<br>2.2. Линейная зависимость. Лемма о системе образующих и о конечной упорядоченной линейно зависимой системе ненулевых векторов.  | 2 |  |    |  |  |  |   |  |
| 2. 2.3. Конечномерные линейные пространства. Теорема о базах конечномерного линейного пространства. Размерность.<br>2.4. Дополняемость линейно независимой системы до базы.  | 2 |  |    |  |  |  |   |  |
| 3. 2.4. Координаты и координатная строка вектора. Правило преобразования координат при переходе к новой базе. Матрицы перехода от базы к базе. Описание матриц перехода.<br>2.5. Эквивалентные системы векторов. Ранг системы векторов. Дополняемость линейно независимой системы до базы. | 2 |  |    |  |  |  |   |  |
| 4. 2.6. Изоморфные линейные пространства. Критерий изоморфности линейных пространств. 2.7. Ранг матрицы. Теорема о ранге матрицы. Его инвариантность при элементарных преобразованиях.   | 2 |  |    |  |  |  |   |  |

|   |   |  |  |  |  |  |  |  |
|---|---|--|--|--|--|--|--|--|
| 5. 2.9. Теорема Кронекера-Капелли.<br>2.10. Пространство решений однородной системы линейных уравнений. Теорема о системах линейных однородных уравнений.   | 2 |  |  |  |  |  |  |  |
| 6. 2.11. Сумма и пересечение подпространств. Теорема о размерности суммы и пересечения подпространств.<br>2.12. Прямая сумма подпространств. Свойства прямых сумм.  | 2 |  |  |  |  |  |  |  |
| 7. 2.13. Линейное преобразование. Характеризация линейного преобразования действием на базе.<br>2.14. Матрица преобразования. Формула координат образа вектора.   | 2 |  |  |  |  |  |  |  |
| 8. 2.15. Теорема о базах конечномерного линейного пространства.<br>2.16. Дополняемость линейно независимой системы до базы.   | 2 |  |  |  |  |  |  |  |
| 9. 2.17. Подобные матрицы. Теорема о связи матриц линейного преобразования.<br>2.18. Изоморфность алгебры линейных преобразований и алгебры матриц.<br>2.19. Область значений ранг и ядро линейного преобразования. Теорема о сумме ранга и дефекта линейного преобразования. | 2 |  |  |  |  |  |  |  |

|  |   |  |    |  |  |  |    |  |
|--|---|--|----|--|--|--|----|--|
| 10. 2.20. Характеристический многочлен и характеристические корни. Свойство инвариантности характеристического многочлена линейного преобразования.<br>2.21. Инвариантное подпространство линейного преобразования. Собственные векторы и собственные значения. Теорема о связи характеристических корней и собственных значений линейного преобразования.<br>2.22. Корневые векторы и подпространства. Критерий существования базы из собственных векторов. Линейное преобразование с простым спектром. | 2 |  |    |  |  |  |    |  |
| 11. 2.23. Примарность порядка конечного поля $K$ . Число векторов и число баз $n$ -мерного пространства над конечным полем $K$ . 2.24. Общая линейная группа $GL(n, K)$ степени $n$ над $K$ . Формула порядка $GL(n, K)$ .   | 2 |  |    |  |  |  |    |  |
| 12. Линейные пространства и линейные преобразования.   |   |  |    |  |  |  | 10 |  |
| 13. Темы: 2.1-2.24   |   |  | 22 |  |  |  |    |  |
| <b>7. Унитарные и евклидовы пространства.</b>  |   |  |    |  |  |  |    |  |
| 1. 3.1. Унитарные и евклидовы пространства. Ортогональные системы векторов и ортонормированные базы. Длина вектора.<br>3.2. Линейная независимость ортогональной системы векторов унитарного пространства.   | 2 |  |    |  |  |  |    |  |

|  |   |  |  |  |  |  |  |  |
|--|---|--|--|--|--|--|--|--|
| <p>2. 3.3. Ортогональное дополнение. Ортогональные суммы подпространств. Существование ортонормированной базы в унитарном пространстве.</p> <p>3.4. Алгоритм ортогонализации. Неравенства Коши-Буняковского и Бесселя. Равенство Парсеваля.</p>  | 2 |  |  |  |  |  |  |  |
| <p>3. 3.6. Линейные функции линейные операции над ними, двойственное пространство.</p> <p>3.7. Характеризация линейной функции действием на базе, выражение скалярным произведением.</p>   | 2 |  |  |  |  |  |  |  |
| <p>4. 3.8. Сопряженное преобразование. Свойства сопряженного преобразования.</p> <p>3.9. Связь матриц взаимносопряженных преобразований. Характеризация унитарных преобразований а) действием на ортонормированную базу, б) матрицей в ортонормированной базе.</p>   | 2 |  |  |  |  |  |  |  |
| <p>5. 3.10. Нормальное преобразование. Свойство собственных векторов нормального преобразования.</p> <p>3.11. Унитарные, ортогональные, симметрические (эрмитовы), косо симметрические преобразования и их характеристические корни.</p> <p>3.12. Классификация нормальных преобразований евклидова пространства. Лемма о минимальных инвариантных подпространствах.</p> | 2 |  |  |  |  |  |  |  |

|  |   |  |    |  |  |  |   |  |
|--|---|--|----|--|--|--|---|--|
| 6. 3.13. Разложение нормального преобразования евклидова пространства на элементарные преобразования и их геометрическая интерпретация.<br>3.14. Унитарная приводимость к диагональному виду эрмитовых и ко-сосимметрических матриц.<br>3.15. Ортогональная приводимость к диагональному виду вещественной симметрической матрицы. | 2 |  |    |  |  |  |   |  |
| 7. Темы: 3.1-3.14  |   |  | 12 |  |  |  |   |  |
| 8. Унитарные и евклидовы пространства.   |   |  |    |  |  |  | 8 |  |
| <b>8. Многочленные матрицы. Жорданова форма матрицы.</b>   |   |  |    |  |  |  |   |  |
| 1. 4.1. Матричные многочлены и многочленные матрицы. Эквивалентность. Каноническая диагональная форма многочленной матрицы.<br>4.2. Теорема о приводимости многочленной матрицы к канонической диагональной форме. Алгоритм приведения. Каноническая диагональная форма целочисленной матрицы.                                     | 2 |  |    |  |  |  |   |  |
| 2. 4.3. Инвариантные множители. Связь инвариантных множителей и НОД миноров многочленной матрицы. Единственность канонической диагональной формы.<br>4.4. Матричный критерий эквивалентности.  | 2 |  |    |  |  |  |   |  |
| 3. 4.5. Система элементарных делителей. Восстановление канонической диагональной формы по системе элементарных делителей. 4.6. Элементарные делители диагональных и клеточно-диагональных (распавшихся) матриц.  | 2 |  |    |  |  |  |   |  |

|  |   |  |    |  |  |  |    |  |  |
|--|---|--|----|--|--|--|----|--|--|
| 4. 4.7. Скалярная эквивалентность. Признак скалярной эквивалентности.<br>4.8. Критерий подобия матриц над полем.   | 2 |  |    |  |  |  |    |  |  |
| 5. 4.9. Теорема о приводимости к жордановой форме матрицы а)над полем комплексных чисел, б)над произвольным полем. Критерий диагонализированных матриц над полем. 4.10. Построение базиса с жордановой матрицей преобразования.  | 2 |  |    |  |  |  |    |  |  |
| 6. Темы: 4.1-4.10.   |   |  | 10 |  |  |  |    |  |  |
| 7. Многочленные матрицы. Жорданова форма матрицы.  |   |  |    |  |  |  | 12 |  |  |
| <b>9. Квадратичные формы. Пространства с билинейной метрикой.</b>  |   |  |    |  |  |  |    |  |  |
| 1. 5.1. Квадратичная форма, её матрица и матричная запись, диагональный канонический вид.<br>Конгруэнтность матриц квадратичной формы при линейном преобразовании неизвестных.<br>5.2. Теорема о приводимости квадратичной формы к каноническому виду (алгоритм Лагранжа). | 2 |  |    |  |  |  |    |  |  |
| 2. 5.3. Закон инерции вещественных квадратичных форм.<br>5.4. Теорема о приводимости вещественной квадратичной формы к главным осям.   | 2 |  |    |  |  |  |    |  |  |
| 3. 5.5. Положительно определённая квадратичная форма. Критерий положительной определённости вещественной квадратичной формы.<br>5.6. Признак приводимости к диагональному виду пары форм.  | 2 |  |    |  |  |  |    |  |  |

|  |     |  |     |  |  |  |    |  |
|--|-----|--|-----|--|--|--|----|--|
| 4. 5.7. Билинейная функция, её матрица и матричная запись, связь с квадратичными формами. Эрмитова билинейная функция. Связь матриц билинейной (эрмитово билинейной) функции в различных базисах.<br>5.8. Критерий изоморфности пространств с билинейной метрикой. Матрица Грамма. | 2   |  |     |  |  |  |    |  |
| 5. 5.9. невырожденные пространства. Критерий невырожденности пространства билинейно-метрического пространства.<br>5.10. Описание линейных и билинейных функций в невырожденном билинейно-метрическом пространстве.   | 2   |  |     |  |  |  |    |  |
| 6. 5.11. Классические пространства с билинейной метрикой: псевдоевклидовы, симплектические, комплексные евклидовы, псевдоунитарные. Классические линейные группы.<br>5.12. Классификация псевдоевклидовых, симплектических и комплексных евклидовых пространств.                   | 2   |  |     |  |  |  |    |  |
| 7. Квадратичные формы. Пространства с билинейной метрикой.   |     |  |     |  |  |  | 12 |  |
| 8. Темы: 4.1-4.10.   |     |  | 12  |  |  |  |    |  |
| Всего  | 104 |  | 104 |  |  |  | 80 |  |

## 4 Учебно-методическое обеспечение дисциплины

### 4.1 Печатные и электронные издания:

1. Фаддеев Д. К. Лекции по алгебре: учебное пособие для вузов(Санкт-Петербург: Лань).
2. Кострикин А. И. Введение в алгебру: Т. 1. Основы алгебры: учебник для студентов по специальностям "Математика" и "Прикладная математика"(Москва: Физико-математическая литература).
3. Кострикин А. И. Введение в алгебру: Т. 2. Линейная алгебра: учебник для студентов по специальностям "Математика" и "Прикладная математика"(Москва: Физико-математическая литература).
4. Кострикин А. И. Введение в алгебру: Т. 3. Основные структуры алгебры: учебник для студентов по специальностям "Математика" и "Прикладная математика"(Москва: Физико-математическая литература).
5. Мальцев А. И. Основы линейной алгебры: учебное пособие для студентов университетов(Москва: Наука, Гл. ред. физ.-мат. лит.).
6. Винберг Э.Б. Курс алгебры(Москва: Факториал Пресс).
7. Фаддеев Д. К., Соминский И. С. Задачи по высшей алгебре: учеб. пособие(Москва: Лань).
8. Проскуряков И.В. Сборник задач по линейной алгебре(Москва: Лань).
9. Артин Э., Калужнин Л. А. Геометрическая алгебра: Пер. с англ.(Москва: Наука).
10. Богопольский О. В. Введение в теорию групп: монография(Ижевск: Институт компьютерных исследований).
11. Ленг С., Кострикин А. И. Алгебра: перевод с английского(Москва: Мир).
12. Белоногов В. А. Задачник по теории групп: учебное пособие для вузов по специальности "Математика"(Москва: Наука).
13. Кострикин А. И., Артамонов В. А., Бахтурин Ю. А., Винберг Э. Б. Сборник задач по алгебре(Москва: Физико-математическая литература).
14. Икрамов Х. Д., Воеводин В. В. Задачник по линейной алгебре: учебное пособие для вузов по специальности "Прикладная математика"(Москва: Наука. Главная редакция физико-математической литературы [Физматлит]).
15. Скорняков Л. А. Элементы алгебры: учебное пособие для физико-математических специальных вузов(Москва: Наука, Гл. ред. физ.-мат. лит.).
16. Кострикин А. И., Манин Ю. И. Линейная алгебра и геометрия: учеб. пособие для мех.- мат. спец. вузов(Москва: Наука).
17. Ван дер Варден Б. П. Алгебра(Санкт-Петербург: Лань).
18. Проскуряков И. В. Сборник задач по линейной алгебре: учеб. пособие для студентов ун-тов и пед. ин-тов(Москва: Наука).

**4.2 Лицензионное и свободно распространяемое программное обеспечение, в том числе отечественного производства (программное обеспечение, на которое университет имеет лицензию, а также свободно распространяемое программное обеспечение):**

1. Специальное программное обеспечение в учебном процессе по данной дисциплине не используется.

**4.3 Интернет-ресурсы, включая профессиональные базы данных и информационные справочные системы:**

1. Для самостоятельной работы у студентов должен быть доступ к электронному каталогу НБ СФУ.

### **5 Фонд оценочных средств**

Оценочные средства находятся в приложении к рабочим программам дисциплин.

**6 Материально-техническая база, необходимая для осуществления образовательного процесса по дисциплине (модулю)**

Необходима аудитория, оборудованная доской.

Освоение дисциплины инвалидами и лицами с ограниченными возможностями здоровья, в зависимости от нозологий, осуществляется с использованием средств обучения общего и специального назначения.